

ELEKTRODYNAMIK UND RELATIVITÄTSTHEORIE

Anhang B: Einheitensysteme

Vorlesung für Studenten der Technischen Physik

Helmut Nowotny

Technische Universität Wien

Institut für Theoretische Physik

7., von A. Rebhan korrigierte Auflage

Wien, Februar 2006

Anhang B: EINHEITENSYSTEME

B.1. Gaußsches Maßsystem

B.1.1. Gaußsche Einheiten

Größe	Symbol	Gaußsche Einheit	Bezeichnung
Länge	l	cm	Zentimeter (Basiseinheit)
Masse	m	g	Gramm (Basiseinheit)
Zeit	t	s	Sekunde (Basiseinheit)
Frequenz	f, ν	s^{-1}	Hertz (Hz)
Kraft	\vec{F}	$g\text{ cm s}^{-2}$	dyn
Kraftdichte	\vec{f}	$g\text{ cm}^{-2}\text{ s}^{-2}$	dyn/cm ³
Arbeit, Energie	W, U	$g\text{ cm}^2\text{ s}^{-2}$	erg
Energiedichte	w	$g\text{ cm}^{-1}\text{ s}^{-2}$	erg/cm ³
Leistung	P	$g\text{ cm}^2\text{ s}^{-3}$	erg/s
Drehmoment	N	$g\text{ cm}^2\text{ s}^{-2}$	dyn cm
elektrische Ladung	q, Q	$g^{1/2}\text{ cm}^{3/2}\text{ s}^{-1}$	statcoulomb
elektrische Ladungsdichte	ϱ	$g^{1/2}\text{ cm}^{-3/2}\text{ s}^{-1}$	statcoulomb/cm ³
elektrisches Potential	ϕ, V	$g^{1/2}\text{ cm}^{1/2}\text{ s}^{-1}$	statvolt = statcoulomb/cm
elektrische Feldstärke	\vec{E}	$g^{1/2}\text{ cm}^{-1/2}\text{ s}^{-1}$	statvolt/cm = dyn/statcoulomb
elektrische Verschiebung	\vec{D}	$g^{1/2}\text{ cm}^{-1/2}\text{ s}^{-1}$	statvolt/cm
elektrische Polarisierung	\vec{P}	$g^{1/2}\text{ cm}^{-1/2}\text{ s}^{-1}$	statcoulomb/cm ²
elektrisches Dipolmoment	\vec{p}	$g^{1/2}\text{ cm}^{5/2}\text{ s}^{-1}$	statcoulomb cm
elektrischer Fluß	Φ_e	$g^{1/2}\text{ cm}^{3/2}\text{ s}^{-1}$	statcoulomb
elektrischer Strom	I	$g^{1/2}\text{ cm}^{3/2}\text{ s}^{-2}$	statampere
elektrische Stromdichte	\vec{j}	$g^{1/2}\text{ cm}^{-1/2}\text{ s}^{-2}$	statampere/cm ²
magnetische Induktion	\vec{B}	$g^{1/2}\text{ cm}^{-1/2}\text{ s}^{-1}$	Gauß (G) = dyn/statcoulomb
magnetische Feldstärke	\vec{H}	$g^{1/2}\text{ cm}^{-1/2}\text{ s}^{-1}$	Oersted (Oe)
Magnetisierung	\vec{M}	$g^{1/2}\text{ cm}^{-1/2}\text{ s}^{-1}$	Oersted = (erg/G)/cm ³
magnetisches Moment	\vec{m}	$g^{1/2}\text{ cm}^{5/2}\text{ s}^{-1}$	erg/G
magnetischer Fluß	Φ_m	$g^{1/2}\text{ cm}^{3/2}\text{ s}^{-1}$	Maxwell (Mx) = G cm ²
Dielektrizitätskonstante	ε	1	
elektrische Suszeptibilität	χ_e	1	
Permeabilitätskonstante	μ	1	
magnetische Suszeptibilität	χ_m	1	
elektrische Leitfähigkeit	σ	s^{-1}	
elektrischer Widerstand	R	$\text{cm}^{-1}\text{ s}$	
elektrische Kapazität	C	cm	
Induktivität	L	$\text{cm}^{-1}\text{ s}^2$	
	$4\pi\vec{P}$		statvolt/cm
	$4\pi\vec{M}$		Gauß

B.1.2. Formeln der Elektrodynamik (Gaußsches System)

Maxwell-Gleichungen:	$\operatorname{div} \vec{D} = 4\pi \varrho$ $\operatorname{div} \vec{B} = 0$ $\operatorname{rot} \vec{H} = \frac{4\pi}{c} \vec{j} + \frac{1}{c} \frac{\partial \vec{D}}{\partial t}$ $\operatorname{rot} \vec{E} = -\frac{1}{c} \frac{\partial \vec{B}}{\partial t}$
Kontinuitätsgleichung:	$\operatorname{div} \vec{j} + \frac{\partial \varrho}{\partial t} = 0$
Materialgleichungen:	$\vec{D} = \vec{E} + 4\pi \vec{P}$ $\vec{B} = \vec{H} + 4\pi \vec{M}$
Maxwell-Gleichungen der Elektronentheorie:	$\operatorname{div} \vec{E} = 4\pi(\varrho + \varrho_P)$ $\operatorname{div} \vec{B} = 0$ $\operatorname{rot} \vec{B} = \frac{4\pi}{c}(\vec{j} + \vec{j}_P + \vec{j}_M) + \frac{1}{c} \frac{\partial \vec{E}}{\partial t}$ $\operatorname{rot} \vec{E} = -\frac{1}{c} \frac{\partial \vec{B}}{\partial t}$
Polarisationsladungsdichte:	$\varrho_P = -\operatorname{div} \vec{P}$
Polarisationsstromdichte:	$\vec{j}_P = \frac{\partial \vec{P}}{\partial t}$
Magnetisierungsstromdichte:	$\vec{j}_M = c \operatorname{rot} \vec{M}$
Elektr. Leitfähigkeit:	$\vec{j} = \sigma (\vec{E} + \vec{E}^{(ein)})$
Dielektrizitätskonstante:	$\vec{D} = \varepsilon \vec{E} \quad , \quad \varepsilon = 1 + 4\pi \chi_e$
Elektr. Suszeptibilität:	$\vec{P} = \chi_e \vec{E}$
Permeabilität:	$\vec{B} = \mu \vec{H} \quad , \quad \mu = 1 + 4\pi \chi_m$
Magn. Suszeptibilität:	$\vec{M} = \chi_m \vec{H}$
Energiesatz:	$\frac{\partial}{\partial t} w + \operatorname{div} \vec{S} = -\vec{j} \cdot \vec{E}$
Energiedichte des Feldes:	$dw = \frac{1}{4\pi} (\vec{E} \cdot d\vec{D} + \vec{H} \cdot d\vec{B})$
für normales Material:	$w = \frac{1}{8\pi} (\vec{E} \cdot \vec{D} + \vec{H} \cdot \vec{B})$
Poynting-Vektor:	$\vec{S} = \frac{c}{4\pi} \vec{E} \times \vec{H}$
Kraft auf Ladung q :	$\vec{F} = q \left(\vec{E} + \frac{\vec{v}}{c} \times \vec{B} \right)$
Kraftdichte:	$\vec{f} = \varrho \vec{E} + \frac{1}{c} \vec{j} \times \vec{B}$

B.2. SI-System

B.2.1. SI – Einheiten

Größe	Symbol	SI Einheit	Bezeichnung
Länge	l	m	Meter (Grundeinheit)
Masse	m	kg	Kilogramm (Grundeinheit)
Zeit	t	s	Sekunde (Grundeinheit)
Frequenz	f, ν	s^{-1}	Hertz (Hz)
Kraft	\vec{F}	kg m s^{-2}	Newton (N)
Kraftdichte	\vec{f}	$\text{kg m}^{-2} \text{s}^{-2}$	N/m^3
Arbeit, Energie	W, U	$\text{kg m}^2 \text{s}^{-2}$	Joule (J) = N m = W s
Energiedichte	w	$\text{kg m}^{-1} \text{s}^{-2}$	Joule/ m^3
Leistung	P	$\text{kg m}^2 \text{s}^{-3}$	Watt (W) = J/s = V A
Drehmoment	N	$\text{kg m}^2 \text{s}^{-2}$	N m
elektrische Ladung	$Q^{[SI]}, q^{[SI]}$	s A	Coulomb (C) = A s
elektrische Ladungsdichte	$\rho^{[SI]}$	$\text{m}^{-3} \text{s A}$	Coulomb/ m^3
elektrisches Potential	$\phi^{[SI]}, V$	$\text{kg m}^2 \text{s}^{-3} \text{A}^{-1}$	Volt (V) = W/A
elektrische Feldstärke	$\vec{E}^{[SI]}$	$\text{kg m s}^{-3} \text{A}^{-1}$	$\text{V/m} = \text{N/C}$
elektrische Verschiebung	$\vec{D}^{[SI]}$	$\text{m}^{-2} \text{s A}$	Coulomb/ m^2
elektrische Polarisierung	$\vec{P}^{[SI]}$	$\text{m}^{-2} \text{s A}$	Coulomb/ m^2
elektrisches Dipolmoment	$\vec{p}^{[SI]}$	m s A	Coulomb m
elektrischer Fluß	$\Phi_e^{[SI]}$	s A	Coulomb
elektrischer Strom	$I^{[SI]}$	A	Ampere (Grundeinheit)
elektrische Stromdichte	$\vec{j}^{[SI]}$	$\text{m}^{-2} \text{A}$	Ampere/ m^2
magnetische Induktion	$\vec{B}^{[SI]}$	$\text{kg s}^{-2} \text{A}^{-1}$	Tesla (T) = N/(A m)
magnetische Feldstärke	$\vec{H}^{[SI]}$	$\text{m}^{-1} \text{A}$	Ampere/m
Magnetisierung	$\vec{M}^{[SI]}$	$\text{m}^{-1} \text{A}$	Ampere/m
magnetisches Moment	$\vec{m}^{[SI]}$	$\text{m}^2 \text{A}$	Joule/Tesla
magnetischer Fluß	$\Phi_m^{[SI]}$	$\text{kg m}^2 \text{s}^{-2} \text{A}^{-1}$	Weber (Wb) = T m^2 = V s
Dielektrizitätskonstante	$\epsilon^{[SI]}$	$\text{kg}^{-1} \text{m}^{-3} \text{s}^4 \text{A}^2$	As/Vm = F/m
elektrische Suszeptibilität	$\chi_e^{[SI]}$	1	
Permeabilitätskonstante	$\mu^{[SI]}$	$\text{kg m s}^{-2} \text{A}^{-2}$	Vs/Am = H/m
magnetische Suszeptibilität	$\chi_m^{[SI]}$	1	
elektrische Leitfähigkeit	$\sigma^{[SI]}$	$\text{kg}^{-1} \text{m}^{-3} \text{s}^3 \text{A}^2$	1/(Ωm)
elektrischer Widerstand	$R^{[SI]}$	$\text{kg m}^2 \text{s}^{-3} \text{A}^{-2}$	Ohm(Ω) = V/A
elektrische Kapazität	$C^{[SI]}$	$\text{kg}^{-1} \text{m}^{-2} \text{s}^4 \text{A}^2$	Farad (F) = As/V
Induktivität	$L^{[SI]}$	$\text{kg m}^2 \text{s}^{-2} \text{A}^{-2}$	Henry (H) = Vs/A
	$\vec{D}^{[SI]}/\epsilon_o$		V/m
	$\vec{P}^{[SI]}/\epsilon_o$		V/m
	$\mu_o \vec{H}^{[SI]}$		Tesla
	$\mu_o \vec{M}^{[SI]}$		Tesla

B.2.2. Formeln der Elektrodynamik (SI – System)

Maxwell-Gleichungen:	$\operatorname{div} \vec{D}^{[SI]} = \varrho^{[SI]}$ $\operatorname{div} \vec{B}^{[SI]} = 0$ $\operatorname{rot} \vec{H}^{[SI]} = \vec{j}^{[SI]} + \frac{\partial}{\partial t} \vec{D}^{[SI]}$ $\operatorname{rot} \vec{E}^{[SI]} = -\frac{\partial}{\partial t} \vec{B}^{[SI]}$
Kontinuitätsgleichung:	$\operatorname{div} \vec{j}^{[SI]} + \frac{\partial}{\partial t} \varrho^{[SI]} = 0$
Materialgleichungen:	$\vec{D}^{[SI]} = \varepsilon_o \vec{E}^{[SI]} + \vec{P}^{[SI]}$ $\vec{B}^{[SI]} = \mu_o \left(\vec{H}^{[SI]} + \vec{M}^{[SI]} \right)$
Maxwell-Gleichungen der Elektronentheorie:	$\varepsilon_o \operatorname{div} \vec{E}^{[SI]} = \varrho^{[SI]} + \varrho_P^{[SI]}$ $\operatorname{div} \vec{B}^{[SI]} = 0$ $\frac{1}{\mu_o} \operatorname{rot} \vec{B}^{[SI]} = \left(\vec{j}^{[SI]} + \vec{j}_P^{[SI]} + \vec{j}_M^{[SI]} \right) + \varepsilon_o \frac{\partial}{\partial t} \vec{E}^{[SI]}$ $\operatorname{rot} \vec{E}^{[SI]} = -\frac{\partial}{\partial t} \vec{B}^{[SI]}$
Polarisationsladungsdichte:	$\varrho_P^{[SI]} = -\operatorname{div} \vec{P}^{[SI]}$
Polarisationsstromdichte:	$\vec{j}_P^{[SI]} = \frac{\partial}{\partial t} \vec{P}^{[SI]}$
Magnetisierungsstromdichte:	$\vec{j}_M^{[SI]} = \operatorname{rot} \vec{M}^{[SI]}$
Elektr. Leitfähigkeit:	$\vec{j}^{[SI]} = \sigma^{[SI]} \left(\vec{E}^{[SI]} + \vec{E}^{(ein)[SI]} \right)$
Dielektrizitätskonstante:	$\vec{D}^{[SI]} = \varepsilon_r \varepsilon_o \vec{E}^{[SI]} \quad , \quad \varepsilon_r = 1 + \chi_e^{[SI]}$
Elektr. Suszeptibilität:	$\vec{P}^{[SI]} = \chi_e^{[SI]} \varepsilon_o \vec{E}^{[SI]}$
Permeabilität:	$\vec{B}^{[SI]} = \mu_r \mu_o \vec{H}^{[SI]} \quad , \quad \mu_r = 1 + \chi_m^{[SI]}$
Magn. Suszeptibilität:	$\vec{M}^{[SI]} = \chi_m^{[SI]} \vec{H}^{[SI]}$
Energiesatz:	$\frac{\partial}{\partial t} w + \operatorname{div} \vec{S} = -\vec{j}^{[SI]} \cdot \vec{E}^{[SI]}$
Energiedichte des Feldes:	$dw = \vec{E}^{[SI]} \cdot d\vec{D}^{[SI]} + \vec{H}^{[SI]} \cdot d\vec{B}^{[SI]}$
für normales Material:	$w = \frac{1}{2} \left(\vec{E}^{[SI]} \cdot \vec{D}^{[SI]} + \vec{H}^{[SI]} \cdot \vec{B}^{[SI]} \right)$
Poynting-Vektor:	$\vec{S} = \vec{E}^{[SI]} \times \vec{H}^{[SI]}$
Kraft auf Ladung q :	$\vec{F} = q^{[SI]} \left(\vec{E}^{[SI]} + \vec{v} \times \vec{B}^{[SI]} \right)$
Kraftdichte:	$\vec{f} = \varrho^{[SI]} \vec{E}^{[SI]} + \vec{j}^{[SI]} \times \vec{B}^{[SI]}$

B.3. Umrechnungen

B.3.1. Umrechnungstabelle für Formeln

Um eine Gleichung in Gaußschen Variablen in die entsprechende Gleichung des SI Systems umzuwandeln, ist das relevante 'Gaußsche Symbol' durch das entsprechende 'SI Symbol' zu ersetzen (bzw. umgekehrt).

Größe	Gaußsches Symbol	SI Symbol
Lichtgeschwindigkeit	c	$\frac{1}{\sqrt{\epsilon_o \mu_o}}$
Ladung	q	$\frac{1}{\sqrt{4\pi\epsilon_o}} q^{[SI]}$
Ladungsdichte	ρ	$\frac{1}{\sqrt{4\pi\epsilon_o}} \rho^{[SI]}$
elektrisches Potential	ϕ	$\sqrt{4\pi\epsilon_o} \phi^{[SI]}$
elektrische Feldstärke	\vec{E}	$\sqrt{4\pi\epsilon_o} \vec{E}^{[SI]}$
elektrische Verschiebung	\vec{D}	$\sqrt{\frac{4\pi}{\epsilon_o}} \vec{D}^{[SI]}$
elektrische Polarisierung	\vec{P}	$\frac{1}{\sqrt{4\pi\epsilon_o}} \vec{P}^{[SI]}$
elektrischer Fluß	Φ_e	$\sqrt{\frac{4\pi}{\epsilon_o}} \Phi_e^{[SI]}$
elektrischer Strom	I	$\frac{1}{\sqrt{4\pi\epsilon_o}} I^{[SI]}$
elektrische Stromdichte	\vec{j}	$\frac{1}{\sqrt{4\pi\epsilon_o}} \vec{j}^{[SI]}$
magnetische Induktion	\vec{B}	$\sqrt{\frac{4\pi}{\mu_o}} \vec{B}^{[SI]}$
magnetische Feldstärke	\vec{H}	$\sqrt{4\pi\mu_o} \vec{H}^{[SI]}$
Magnetisierung	\vec{M}	$\sqrt{\frac{\mu_o}{4\pi}} \vec{M}^{[SI]}$
magnetischer Fluß	Φ_m	$\sqrt{\frac{4\pi}{\mu_o}} \Phi_m^{[SI]}$
elektrische Leitfähigkeit	σ	$\frac{1}{4\pi\epsilon_o} \sigma^{[SI]}$
elektrische Suszeptibilität	χ_e	$\frac{1}{4\pi} \chi_e^{[SI]}$
Dielektrizitätskonstante	ϵ	ϵ_r
magnetische Suszeptibilität	χ_m	$\frac{1}{4\pi} \chi_m^{[SI]}$
Permeabilität	μ	μ_r
elektrischer Widerstand	R	$4\pi\epsilon_o R^{[SI]}$
elektrische Kapazität	C	$\frac{1}{4\pi\epsilon_o} C^{[SI]}$
Induktivität	L	$4\pi\epsilon_o L^{[SI]}$

B.3.2. Umrechnungstabelle für Einheiten

Größe	Symbol	1 SI Einheit entspricht	...	Gauß-Einheiten
Länge	l	1 Meter (m)	10^2	Zentimeter (cm)
Masse	m	1 Kilogramm (kg)	10^3	Gramm (g)
Zeit	t	1 Sekunde (s)	1	Sekunde (s)
Frequenz	f, ν	1 Hertz (Hz) (=1/s)	1	Hertz (Hz)
Kraft	\vec{F}	1 Newton (N)	10^5	dyn
Kraftdichte	\vec{f}	1 Newton/m ³	0.1	dyn/cm ³
Arbeit, Energie	W, U	1 Joule (J)	10^7	erg
Energiedichte	w	1 Joule/m ³	10	erg/cm ³
Leistung	P	1 Watt (W)	10^7	erg/s
Drehmoment	N	1 N m	10^7	dyn cm
elektrische Ladung	q	1 Coulomb (C) (=As)	$3 \cdot 10^9$	statcoulomb
elektrische Ladungsdichte	ρ	1 Coulomb/m ³	$3 \cdot 10^3$	statcoulomb/cm ³
elektrisches Potential	Φ, V	1 Volt (V) (=W/A)	$\frac{1}{300}$	statvolt
elektrische Feldstärke	\vec{E}	1 Volt/m	$\frac{1}{3} \cdot 10^{-4}$	statvolt/cm
elektrische Verschiebung	\vec{D}	1 Coulomb/m ²	$12\pi \cdot 10^5$	statvolt/cm
elektrische Polarisierung	\vec{P}	1 Coulomb/m ²	$3 \cdot 10^5$	statcoulomb/cm ²
elektrisches Dipolmoment	\vec{p}	1 Coulomb m	$3 \cdot 10^{11}$	statcoulomb cm
elektrischer Fluß	Φ_e	1 A s	$12\pi \cdot 10^9$	statcoulomb
elektrischer Strom	I	1 Ampere (A)	$3 \cdot 10^9$	statampere
elektrische Stromdichte	\vec{j}	1 Ampere/m ²	$3 \cdot 10^5$	statampere/cm ²
magnetische Induktion	\vec{B}	1 Tesla (T) (=Wb/m ²)	10^4	Gauß(G)
magnetische Feldstärke	\vec{H}	1 Ampere/m	$4\pi \cdot 10^{-3}$	Oersted (Oe)
Magnetisierung	\vec{M}	1 Ampere/m	10^{-3}	Oersted (Oe)
magnetisches Moment	\vec{m}	1 Ampere m ²	10^3	erg/G
magnetischer Fluß	Φ_m	1 Weber (Wb) (=Vs)	10^8	Maxwell (Mx)
elektrische Leitfähigkeit	σ	1 Siemens/m (Ω^{-1}/m)	$9 \cdot 10^9$	1/s
elektrischer Widerstand	R	1 Ohm (Ω) (=V/A)	$\frac{1}{9} \cdot 10^{-11}$	s/cm
elektrische Kapazität	C	1 Farad (F) (=As/V)	$9 \cdot 10^{11}$	cm
Induktivität	L	1 Henry (H) (=Vs/A)	$\frac{1}{9} \cdot 10^{-11}$	s ² /cm

[statcoulomb] = [g^{1/2} cm^{3/2} s⁻¹], [statampere] = [g^{1/2} cm^{3/2} s⁻²], [statvolt] = [g^{1/2} cm^{1/2} s⁻¹]

Alle Faktoren 3 (außer in den Exponenten) können für genaue Rechnungen durch den exakten Wert der Lichtgeschwindigkeit 2.99792458 ersetzt werden.

B.4. Konstante

	Zahlenwert	SI-Einheit (dezimales Vielfaches)	Gaußsche Einheit (dezimales Vielfaches)
Influenzkonstante ε_o	8.85418782	10^{-12} As/Vm	
Induktionskonstante μ_o	4π 1.25663706	10^{-7} Vs/Am 10^{-6} Vs/Am	
Lichtgeschwindigkeit c	2.99792458	10^8 m/s	10^{10} cm/s
Ruhemasse des Elektrons m_e	9.10953	10^{-31} kg	10^{-28} g
Ruhemasse des Protons m_p	1.67265	10^{-27} kg	10^{-24} g
Ruhemasse des Neutrons m_n	1.67495	10^{-27} kg	10^{-24} g
atomare Masseneinheit m_u	1.66057	10^{-27} kg	10^{-24} g
Plancksches Wirkungsquantum h	6.62618	10^{-34} J s	10^{-27} erg s
	\hbar	10^{-34} J s	10^{-27} erg s
absolute Ladung des Elektrons e	4.80324		10^{-10} statcoulomb
	$e^{[SI]}$	10^{-19} C	
Boltzmann-Konstante k_B	1.38066	10^{-23} J K ⁻¹	10^{-16} erg K ⁻¹
Avogadro-Konstante N_A	6.02204	10^{23} mol ⁻¹	10^{23} mol ⁻¹
Molares Normvolumen V_m	2.24138	10^{-2} m ³ mol ⁻¹	10^4 cm ³ mol ⁻¹
Comptonwellenlänge (Elektron) λ_e	2.42631	10^{-12} m	10^{-10} cm
Bohr-Radius a_o	5.29177	10^{-11} m	10^{-9} cm
Elektronenradius r_e	2.81794	10^{-15} m	10^{-13} cm
Feinstruktur-Konstante α	7.29735	10^{-3}	10^{-3}
	$1/\alpha$	10^2	10^2
Rydberg-Konstante R_∞	1.09737	10^7 m ⁻¹	10^5 cm ⁻¹
Bohr-Magneton μ_B	9.27408		10^{-21} erg/G
	$\mu_B^{[SI]}$	10^{-24} J T ⁻¹	
Kernmagneton μ_N	5.05082		10^{-24} erg/G
	$\mu_N^{[SI]}$	10^{-27} J T ⁻¹	
Faraday-Konstante F	2.89253		10^{14} statc. mol ⁻¹
	$F^{[SI]}$	10^4 C mol ⁻¹	
Molare Gaskonstante R	8.31441	J mol ⁻¹ K ⁻¹	10^7 erg mol ⁻¹ K ⁻¹

Zusammenhang der abgeleiteten Konstanten mit den Naturkonstanten

$$m_u = m(^{12}\text{C})/12$$

$$\hbar = \frac{h}{2\pi}$$

$$\lambda_e = \frac{h}{c m_e}$$

$$a_o = \frac{\hbar^2}{m_e e^2}$$

$$r_e = \frac{e^2}{m_e c^2}$$

$$\alpha = \frac{e^2}{\hbar c}$$

$$R_\infty = \frac{m_e e^4}{4\pi \hbar^3 c} = \frac{\alpha}{4\pi a_o}$$

$$\mu_B = \frac{e \hbar}{2 m_e c}$$

$$\mu_N = \frac{e \hbar}{2 m_p c}$$

$$F = N_A e$$

$$R = N_A k_B$$

$$a_o = \frac{4\pi \epsilon_o \hbar^2}{m_e e^{[SI]2}}$$

$$r_e = \frac{e^{[SI]2}}{4\pi \epsilon_o m_e c^2}$$

$$\alpha = \frac{e^{[SI]2}}{4\pi \epsilon_o \hbar c}$$

$$R_\infty = \frac{m_e e^{[SI]4}}{8\epsilon_o^2 \hbar^3 c}$$

$$\mu_B^{[SI]} = \frac{e^{[SI]} \hbar}{2 m_e}$$

$$\mu_N^{[SI]} = \frac{e^{[SI]} \hbar}{2 m_p}$$

$$F^{[SI]} = N_A e^{[SI]}$$

Energie–Umrechnungsbeziehungen

$$1 \text{ J} = 10^7 \text{ erg} = 0.239 \text{ cal} = 6.24146 \times 10^{18} \text{ eV}$$

$$1 \text{ cal} = 4.184 \text{ J} = 2.611 \times 10^{19} \text{ eV}$$

$$1 \text{ eV} = 1.60219 \times 10^{-19} \text{ J} = 1.60219 \times 10^{-12} \text{ erg}$$

$$1 \text{ atomare Energieeinheit } (e^2/a_o) = 27.2116 \text{ eV} = 4.3598 \times 10^{-18} \text{ J} = 4.3598 \times 10^{-11} \text{ erg}$$

1 eV entspricht

einer Frequenz von $2.41797 \times 10^{14} \text{ Hz}$ ($E = h\nu$)

einer Wellenlänge von $1.23985 \times 10^{-6} \text{ \AA}$ ($E = hc/\lambda$)

einer Temperatur von $1.16045 \times 10^4 \text{ K}$ ($E = k_B T$)

B.5. Konsistente Zahlenwerte der Naturkonstanten im SI-System

Quantity	Symbol	Value	Unit
speed of light in vacuum	c, c_0	299 792 458	m s^{-1}
magnetic constant	μ_0	$4\pi \times 10^{-7}$ $= 12.566\,370\,614\dots \times 10^{-7}$	N A^{-2} N A^{-2}
electric constant $1/\mu_0 c^2$	ϵ_0	$8.854\,187\,817\dots \times 10^{-12}$	F m^{-1}
elementary charge	e	$1.602\,176\,462(63)^{\text{a)}} \times 10^{-19}$	C
	e/h	$2.417\,989\,491(95) \times 10^{14}$	A J^{-1}
magnetic flux quantum $h/2e$	Φ_0	$2.067\,833\,636(81) \times 10^{-15}$	Wb
conductance quantum $2e^2/h$	G_0	$7.748\,091\,696(28) \times 10^{-5}$	S
inverse of conductance quantum	G_0^{-1}	12 906.403 786(47)	Ω
Josephson constant $2e/h$	K_J	$483\,597.898(19) \times 10^9$	Hz V^{-1}
von Klitzing constant h/e^2	R_K	25 812.807 572(95)	Ω
Bohr magneton $e\hbar/2m_e$	μ_B	$927.400\,899(37) \times 10^{-26}$	J T^{-1}
in eV/T		$5.788\,381\,749(43) \times 10^{-5}$	eV T^{-1}
	μ_B/h	$13.996\,246\,24(56) \times 10^9$	Hz T^{-1}
	μ_B/hc	46.686 4521(19)	$\text{m}^{-1} \text{T}^{-1}$
	μ_B/k	0.671 7131(12)	K T^{-1}
nuclear magneton $e\hbar/2m_p$	μ_N	$5.050\,783\,17(20) \times 10^{-27}$	J T^{-1}
in eV/T		$3.152\,451\,238(24) \times 10^{-8}$	eV T^{-1}
	μ_N/h	7.622 59396(31)	MHz T^{-1}
	μ_N/hc	$2.542\,623\,66(10) \times 10^{-2}$	$\text{m}^{-1} \text{T}^{-1}$
	μ_N/k	$3.658\,2638(64) \times 10^{-4}$	K T^{-1}
Planck constant	h	$6.626\,068\,76(52) \times 10^{-34}$	J s
$h/2\pi$	\hbar	$1.054\,571\,596(82) \times 10^{-34}$	J s
Planck constant in eV s	h	$4.135\,667\,27(16) \times 10^{-15}$	eV s
$h/2\pi$	\hbar	$6.582\,118\,89(26) \times 10^{-16}$	eV s

^{a)} Die eingeklammerten Ziffern geben die Standardabweichung an.

So entspricht z.B. 1.602 176 462(63) der Angabe $1.602\,176\,462 \pm 0.000\,000\,063$

Quantity	Symbol	Value	Unit
atomic mass constant $m(^{12}\text{C})/12$	m_u	$1.660\,538\,73(13) \times 10^{-27}$	kg
electron mass	m_e	$9.109\,381\,88(72) \times 10^{-31}$	kg
proton mass	m_p	$1.672\,621\,58(13) \times 10^{-27}$	kg
proton-electron mass ratio	m_p/m_e	1 836.152 6675(39)	
Avogadro constant	N_A, L	$6.022\,141\,99(47) \times 10^{23}$	mol ⁻¹
Faraday constant $N_A e$	F	96 485.3415(39)	C mol ⁻¹
molar gas constant	R	8.314 472(15)	J mol ⁻¹ K ⁻¹
Boltzmann constant R/N_A	k	$1.380\,6503(24) \times 10^{-23}$	J K ⁻¹
in eV/K		$8.617\,342(15) \times 10^{-5}$	eV K ⁻¹
	k/h	$2.083\,6644(36) \times 10^{10}$	Hz K ⁻¹
	k/hc	69.50356(12)	m ⁻¹ K ⁻¹
fine-structure constant $e^2/4\pi\epsilon_0\hbar c$	α	$7.297\,352\,533(27) \times 10^{-3}$	
inverse fine-structure constant	α^{-1}	137.035 999 76(50)	
Rydberg constant $\alpha^2 m_e c/2h$	R_∞	10 973 731.568 549(83)	m ⁻¹
	$R_\infty c$	$3.289\,841\,960\,368(25) \times 10^{15}$	Hz
	$R_\infty hc$	$2.179\,871\,90(17) \times 10^{-18}$	J
$R_\infty hc$ in eV		13.605 691 72/53)	eV
Bohr radius $\alpha/4\pi R_\infty$	a_o	$0.529\,177\,2083(19) \times 10^{-10}$	m
Hartree energy $2R_\infty hc$	E_h	$4.359\,743\,81(34) \times 10^{-18}$	J
in eV		27.211 3834(11)	eV
electron volt	eV	$1.602\,176\,462(63) \times 10^{-19}$	J
Newtonian constant of gravitation	G	$6.673(10) \times 10^{-11}$	m ³ kg ⁻¹ s ⁻²
Planck mass $(\hbar c/G)^{1/2}$	m_P	$2.1767(16) \times 10^{-8}$	kg
Planck length $\hbar/m_P c$	l_P	$1.6160(12) \times 10^{-35}$	m
Planck time l_P/c	t_P	$5.3906(40) \times 10^{-44}$	s